

数 学

注 意

- 1 問題は **1** から **4** までで、4 ページにわたって印刷してあります。
- 2 検査時間は 50 分で、終わりは午前 11 時 00 分です。
- 3 声を出して読むではいけません。
- 4 解答は全て解答用紙に明確に記入し、**解答用紙だけを提出**しなさい。
- 5 答えに根号が含まれるときは、**根号を付けたままで表し**なさい。
- 6 解答を直すときは、きれいに消してから、**新しい解答を書き**なさい。
- 7 **受検番号**を解答用紙の決められた欄に記入しなさい。

1 次の各問に答えよ。

〔問1〕 $6 \times \left(\frac{3}{\sqrt{2}} - 2 \div \sqrt{\frac{9}{8}} \right)$ を計算し、分母に根号を含まない形で表せ。

〔問2〕 二次方程式 $(x-1)(x+1) = -2(x-2)(3x-1)$ を解け。

〔問3〕 $x = \frac{5+\sqrt{7}}{2}$, $y = \frac{5-\sqrt{7}}{2}$ のとき、 $(x+3y)^2 + (3x-y)^2 + 20xy$ の値を求めよ。

〔問4〕 1 から 6 までの目が出る大小 1 つずつのさいころを同時に 1 回投げる。

大きいさいころの出た目の数を a 、小さいさいころの出た目の数を b とするとき、2 つの等式 $a - 2b + 5 = 0$, $a + b - 7 = 0$ の少なくとも一方が成り立つ確率を求めよ。

ただし、大小 2 つのさいころはともに、1 から 6 までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

〔問5〕 下の表は、あるクラスの男子 20 人の靴のサイズを、度数分布表に整理したものである。靴のサイズの平均値が 25.6 cm のとき、 x , y の値を求めよ。

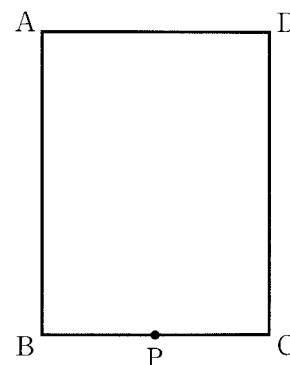
サイズ(cm)	24.0	24.5	25.0	25.5	26.0	26.5	27.0	計
人数(人)	1	0	x	4	y	0	1	20

〔問6〕 右の図で、四角形 ABCD は $AB > BC$ の長方形である。

点 P は、辺 BC 上の点で、頂点 B、頂点 C のいずれにも一致しない。

解答欄に示した図をもとにして、頂点 A と頂点 D を通り、辺 BC と点 P で接する円を、定規とコンパスを用いて作図し、点 P の位置を表す文字 P も書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。



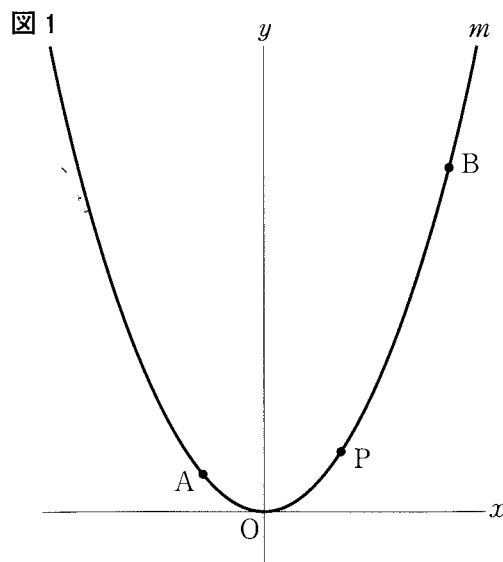
2 右の図1で、点Oは原点、曲線 m は関数 $y = ax^2$ ($a > 0$) のグラフを表している。

3点A, B, Pは曲線 m 上の点で、点Aの x 座標は -2 、点Bの x 座標は 6 、点Pの x 座標は p ($0 < p < 6$) とする。

次の各問に答えよ。

〔問1〕 図1において、 $a = 1$ とする。

x の値が -2 から p まで変化するときの y の増加量と、 x の値が p から 6 まで変化するときの y の増加量とが等しいとき、 p の値を求めよ。



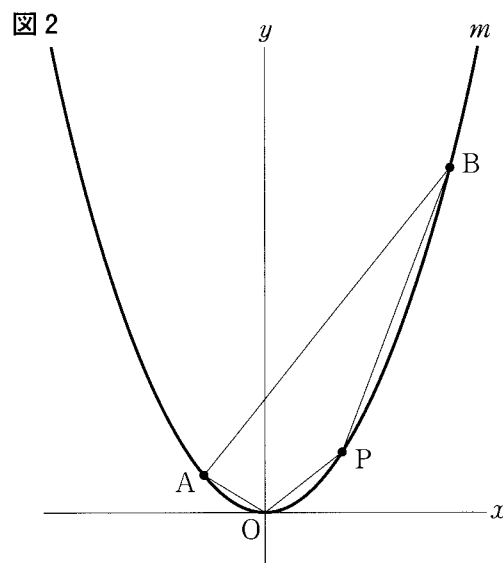
〔問2〕 右の図2は、図1において、点Aと点O、点Oと点P、点Pと点Bおよび点Bと点Aをそれぞれ結んだ場合を表している。

次の(1), (2)に答えよ。

(1) 図2において、 $a = \frac{1}{2}$ とする。

四角形OPBAが台形となるとき、 p の値を求めよ。

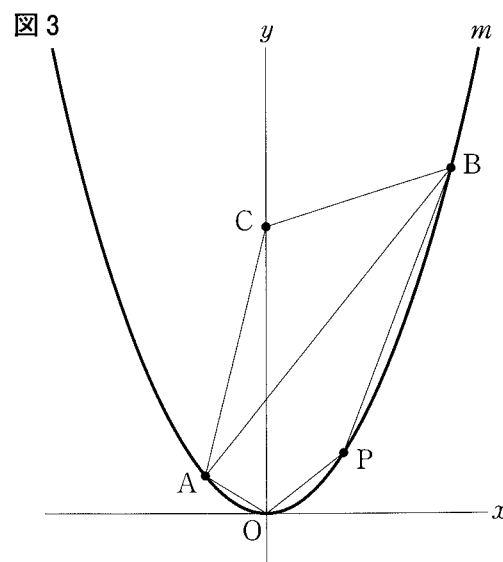
ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、途中の式や計算なども書け。



(2) 右の図3は、図2において、 y 軸上に y 座標が正である点Cをとり、点Aと点C、点Bと点Cをそれぞれ結んだ場合を表している。

図3において、 $a = \frac{1}{3}$, $p = 3$ とする。

五角形OPBCAの面積が、四角形OPBAの面積の2倍になるとき、点Cの y 座標を求めよ。



3 右の図1で、 $\triangle ABC$ は、 $AB = AC$ 、 $AB > BC$ の二等辺三角形である。

点 P は、辺 AC 上にある点で、頂点 A 、頂点 C のいずれにも一致しない。

辺 BC の中点を D とし、頂点 A と点 D を結んだ線分と、頂点 B と点 P を結んだ線分との交点を Q とする。

次の各問に答えよ。

[問1] 図1において、 $CB = CP$ 、 $\angle BQD$ の大きさを a° とするとき、 $\angle ABP$ の大きさを a を用いた式で表せ。

[問2] 右の図2は、図1において、点 P を辺 AC の中点とし、頂点 B を通り、辺 AC に垂直な直線を引き、辺 AC との交点を E 、線分 BE と線分 AD との交点を F とし、点 P を通り、辺 AC に垂直な直線を引き、辺 AB との交点を G 、線分 PG と線分 AD との交点を H とした場合を表している。

次の(1)、(2)に答えよ。

(1) $\triangle BQF \sim \triangle PQH$ であることを証明せよ。

(2) $AB = 6 \text{ cm}$ 、 $BC = 4 \text{ cm}$ とするとき、 $\triangle AQP$ の面積は、 $\triangle BFQ$ の面積の何倍か。

図1

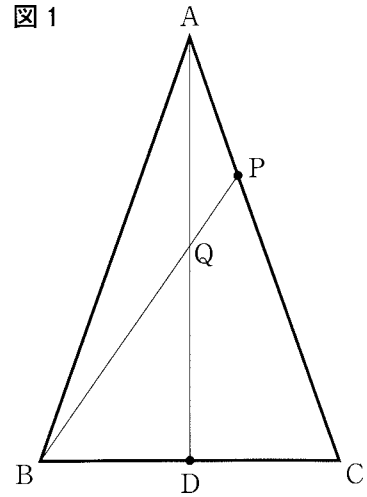
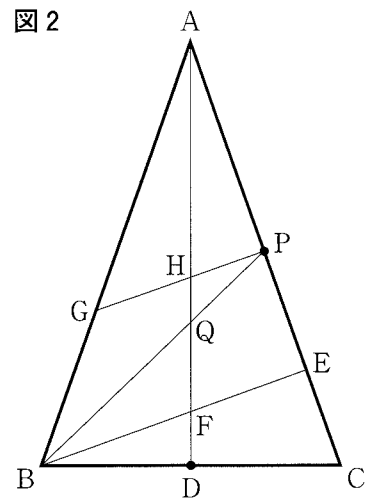
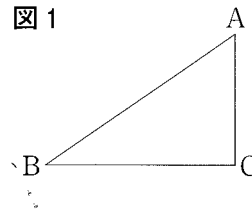


図2



- 4 右の図1で、 $\triangle ABC$ は $AC = 4$ cm, $BC = a$ cm, $\angle ACB = 90^\circ$ の直角三角形である。
円周率を π として、次の各問に答えよ。



〔問1〕 $\triangle ABC$ を直線 AC を軸として1回転してできる立体の体積が 48π cm^3 のとき、 a の値を求めよ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、辺 AB の中点を D , 辺 AC の中点を E とし、点 D と点 E を結んだ場合を表している。

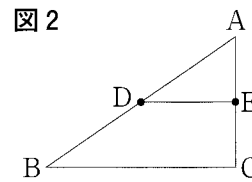
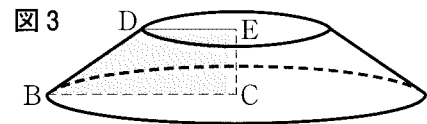


図3は、図2において、四角形 $DBCE$ を直線 EC を軸として1回転してできる立体を表している。



$a = 8$ のとき、この立体の体積は何 cm^3 か。

ただし、答えだけでなく、答えを求める過程がわかるように、途中の式や計算なども書け。

〔問3〕 右の図4は、図1において、 $a = 3$ とし、頂点 B を通り、直線 AB に垂直な直線を引き、直線 AC との交点を F とした場合を表している。

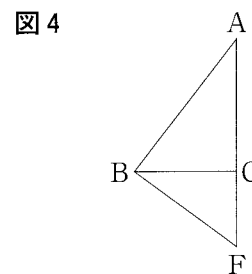
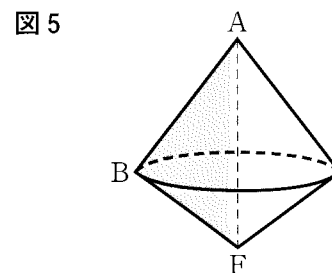
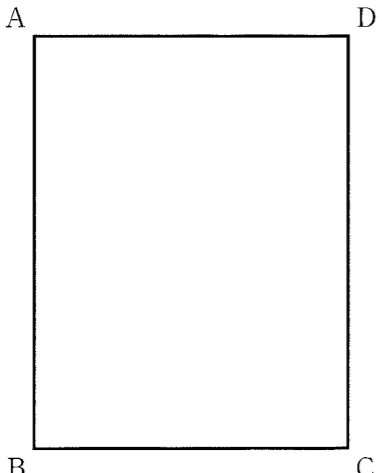


図5は、図4において、 $\triangle ABF$ を直線 AF を軸として1回転してできる立体を表している。



この立体の表面積は何 cm^2 か。

※ の欄には、記入しないこと

1		2		3		4					
〔問1〕		〔問1〕	$p =$	〔問1〕	() 度	〔問1〕	$a =$				
〔問2〕		〔問2〕 (1)	【途中の式や計算など】	〔問2〕 (1)	【証明】	〔問2〕	【途中の式や計算など】				
〔問3〕											
〔問4〕											
〔問5〕	$x =$, $y =$										
〔問6〕											
		<div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 0 auto;">(答え) $p =$</div>		<div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 0 auto;">(答え) cm^3</div>		<div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 0 auto;">(答え) cm^2</div>					
		〔問2〕 (2)		〔問2〕 (2)	倍	〔問3〕					
						<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 50%; text-align: center;">受 検 番 号</td> <td style="width: 50%; text-align: center;">合計得点</td> </tr> <tr> <td style="height: 30px;"></td> <td style="height: 30px;"></td> </tr> </table>		受 検 番 号	合計得点		
受 検 番 号	合計得点										

1	
[問 1]	$\sqrt{2}$
[問 2]	$\frac{7 \pm 2\sqrt{7}}{7}$
[問 3]	250
[問 4]	$\frac{2}{9}$
[問 5]	$x = 5, y = 9$
[問 6] 解答例	

2	
[問 1]	$p = 2\sqrt{5}$
[問 2] 解答例 (1)	【途中の式や計算など】
<p>直線AOの傾きは負、直線BPの傾きは正であるから、$AO \parallel PB$となることはなく、台形となる条件は$AB \parallel OP$である。</p> <p>つまり、2つの直線AB, OPの傾きが一致することである。</p> <p>ABの傾きは、</p> $\frac{\frac{1}{2} \times 6^2 - \frac{1}{2} \times (-2)^2}{6 - (-2)} = \frac{18 - 2}{8} = 2$ <p>$p > 0$ から $p \neq 0$ であるのでOPの傾きは、</p> $\frac{\frac{1}{2} \times p^2 - \frac{1}{2} \times 0^2}{p - 0} = \frac{\frac{1}{2} \times p^2}{p} = \frac{p}{2}$ <p>以上から、$2 = \frac{p}{2}$</p> <p>よって、$p = 4$</p>	
(答え) $p = 4$	
[問 2] (2)	$\frac{41}{4}$

3			4		
〔問 1〕	($3a - 90$) 度	問1 6	〔問 1〕	$a = 6$	問1 6
〔問 2〕 解答例	(1) 【 証 明 】	問2(1) 8	〔問 2〕 解答例	【途中の式や計算など】	問2 8
<p>△BQF と △PQH において、 対頂角は等しいから、 $\angle BQF = \angle PQH$ …… ① 線分 BE と線分 GP はともに 辺 AC に垂直だから、BE // GP である。 よって、平行線の錯角は等しいから、 $\angle QBF = \angle QPH$ …… ② ①、②より、2組の角がそれぞれ等しいから、 $\triangle BQF \sim \triangle PQH$</p>			<p>点 D、E はそれぞれ辺 AB、AC の中点 だから、AE : AC = DE : BC = 1 : 2 よって、DE : 8 = 1 : 2 ゆえに、DE = 4 (cm) また、AE = 2 (cm) △ADE を辺 AE を軸として1回転して できた立体を V、△ABC を辺 AC を軸と して1回転してできた立体を W とすると、 立体 V は半径が 4 cm である円を底面と する高さが 2 cm の円すいだから、 立体 V の体積は、 $\frac{1}{3} \times 4^2 \times 2 \times \pi = \frac{32}{3} \pi \text{ (cm}^3\text{)}$ 立体 W は半径が 8 cm である円を底面と する高さが 4 cm の円すいだから、 立体 W の体積は、 $\frac{1}{3} \times 8^2 \times 4 \times \pi = \frac{256}{3} \pi \text{ (cm}^3\text{)}$ 求める立体の体積は立体 W の体積から 立体 V の体積を引いたものだから、 $\frac{256}{3} \pi - \frac{32}{3} \pi = \frac{224}{3} \pi \text{ (cm}^3\text{)}$</p> <div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <p>(答え) $\frac{224}{3} \pi$ cm³</p> </div>		
〔問 2〕 (2)			〔問 3〕	$\frac{105}{4} \pi$ cm ²	問3 6
(1) $\frac{8}{5}$ 倍			受 検 番 号		
問2(2) 6			合計得点		