

数 学

30
—
戸

数

学

注 意

- 1 問題は **1** から **4** までで、7 ページにわたって印刷してあります。
- 2 検査時間は 50 分で、終わりは午前 11 時 00 分です。
- 3 声を出して読むはいけません。
- 4 解答は全て解答用紙に明確に記入し、**解答用紙だけを提出**しなさい。
- 5 答えに根号が含まれるときは、**根号を付けたまま、分母に根号を含まない形で表し**なさい。また、根号の中は最も小さい整数にしなさい。
- 6 解答を直すときは、きれいに消してから、新しい解答を書きなさい。
- 7 **受検番号**を解答用紙の決められた欄に記入しなさい。

1 次の各問に答えよ。

〔問1〕 $\frac{\sqrt{5}+\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - (\sqrt{5}+\sqrt{3})^2 \times \frac{1}{6}$ を計算せよ。

〔問2〕 2次方程式 $(x+2)^2 + (x+2) - 3 = 0$ を解け。

〔問3〕 連立方程式
$$\begin{cases} \frac{4x+1}{3} - \frac{y-5}{6} = 2 \\ 2(x-4y) + 7y + 2 = 1 - 3x \end{cases}$$
 を解け。

〔問4〕 円Oの周上に等間隔に60個の点があり、それらの点のうち1つをAとする。

点Pは点Aを出発点として、円Oの周上の60個の点を時計回りに移動する。

1から6までの目が出る大中小1つずつの3つのさいころを同時に1回投げるとき、出た目の数の積を n とする。

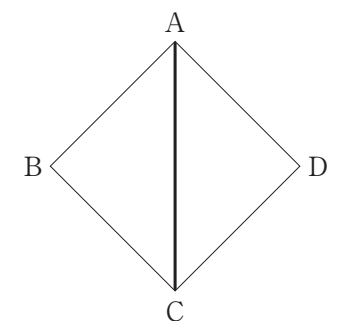
点Pが時計回りに n 個進むとき、点Aの位置にある確率を求めよ。

ただし、大中小3つのさいころはいずれも、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

〔問5〕 右の図は、線分ACを対角線とする正方形ABCDである。

解答欄に示した図をもとにして、正方形ABCDを定規とコンパスを用いて作図し、頂点B、Dの位置を示す文字B、Dも書け。

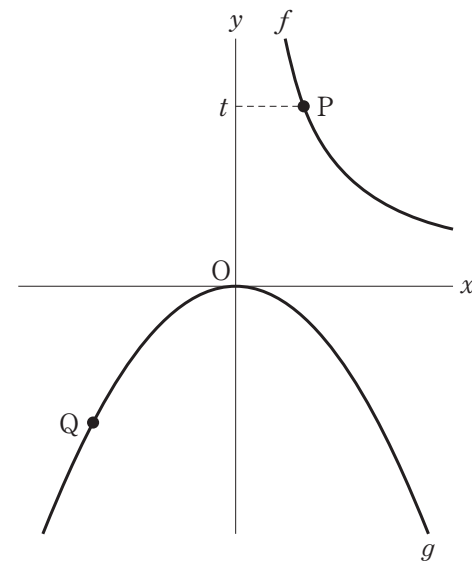
ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。



2 右の図1で、点Oは原点、曲線 f は関数 $y = \frac{5}{x}$ の $x > 0$ の部分、曲線 g は関数 $y = -\frac{1}{3}x^2$ のグラフを表している。

点Pは曲線 f 上にあり、 y 座標は t (ただし、 $t > 0$) である。
 曲線 g 上にある点をQとする。
 次の各問に答えよ。

図1

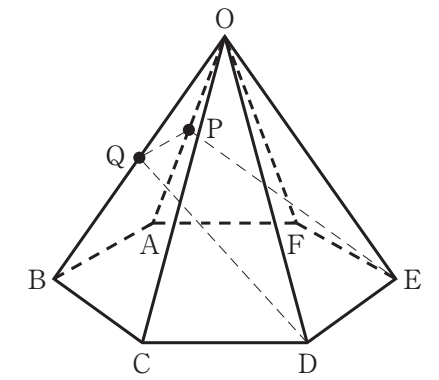


[問1] 関数 $y = \frac{5}{x}$ について、 x の値が1から10まで増加するときの変化の割合を求めよ。

[問2] 点Qの x 座標を $-t$ とする。
 2点P, Qを通る直線が原点Oを通るとき、直線PQの式を求めよ。

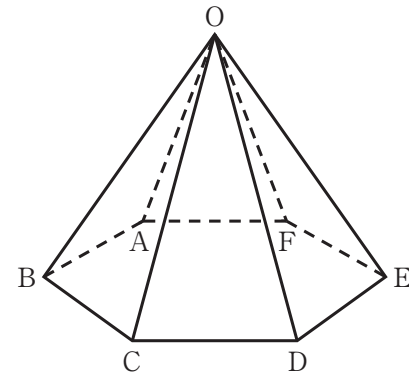
[問3] 右の図2は、図1において、辺OAの中点をP、辺OBの中点をQとし、点Pと点Q、点Pと頂点E、点Qと頂点Dをそれぞれ結んだ場合を表している。
 四角形PQDEの周りの長さは何cmか。
 ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、途中の式や計算なども書け。

図2



- 4 右の図1に示した立体O-ABCDEFは、
 底面が1辺の長さ2 cmの正六角形で、
 $OA = OB = OC = OD = OE = OF = 4$ cmの正六角すいである。
 次の各問に答えよ。

図1



- [問1] 立体O-ABCDEFの側面の6個の三角形を
 赤, 青, 黄の3色を用いて塗り分ける。
 どの色も2つの面に塗る。
 ただし, 隣り合う面には互いに異なる色を塗り,
 1つの面には1色しか塗らない。
 $\triangle OAB$ に赤色を塗るとき, 他の5つの側面の塗り方は何通りあるか。

- [問2] 立体O-ABCDEFの体積は何 cm^3 か。

- [問3] 右の図2は, 図1において, 点Qのx座標を
 t とし, 点Pを通りx軸に平行な直線とy軸との
 交点をRとした場合を表している。

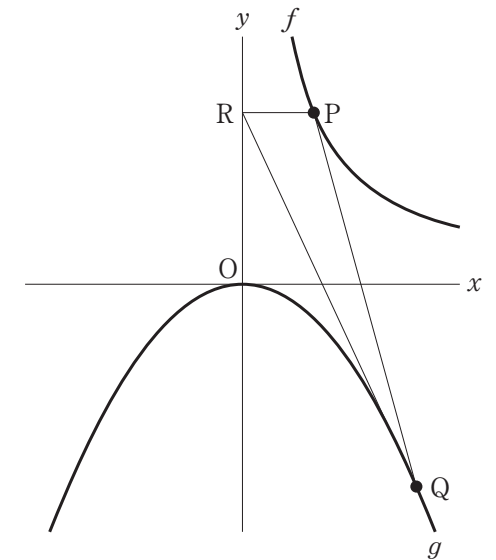
点Pと点Q, 点Pと点R, 点Qと点Rを
 それぞれ結ぶ。

原点から点(1, 0)までの距離, および原点から
 点(0, 1)までの距離をそれぞれ1 cmとする。

線分PQの中点のy座標が-3であるとき,
 $\triangle PQR$ の面積は何 cm^2 か。

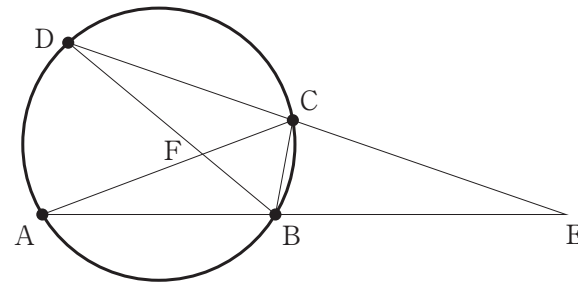
ただし, 答えだけでなく, 答えを求める過程が
 分かるように, 途中の式や計算なども書け。

図2



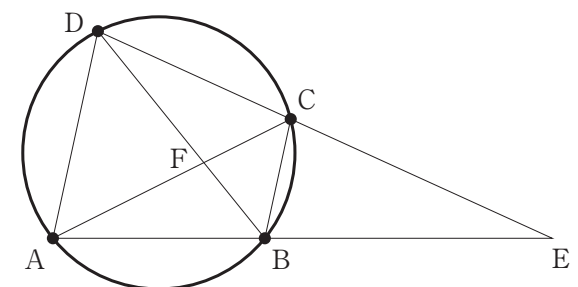
3 右の図1で、4点A, B, C, Dは1つの円の周上にA, B, C, Dの順に並ぶ点で、線分ABをBの方向に延ばした直線と線分CDをCの方向に延ばした直線が、点Eで交わっている。点Aと点C, 点Bと点C, 点Bと点Dをそれぞれ結び、線分ACと線分BDの交点をFとする。次の各問に答えよ。

図1



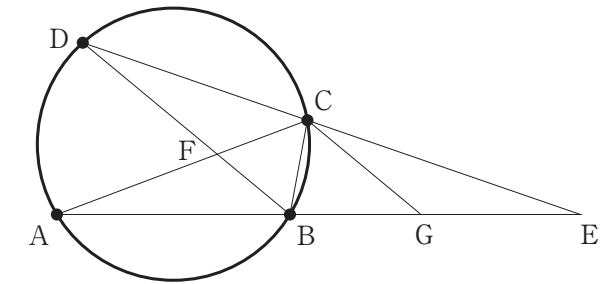
〔問1〕 右の図2は、図1において、点Aと点Dを結んだ場合を表している。点Aを含まない \widehat{BC} の長さ、点Aを含まない \widehat{CD} の長さの比が3:5で、 $AD=CD$, $AD \parallel BC$ のとき、 $\angle ACB$ の大きさは何度か。

図2



右の図3は、図1において点Cを通り、直線BDに平行な直線を引き、直線BEとの交点をGとした場合を表している。次の〔問2〕,〔問3〕に答えよ。

図3



〔問2〕 $\triangle ACE \sim \triangle CGE$ であることを証明せよ。

〔問3〕 $AB:BG=3:1$, $BG:GE=2:3$ のとき、 $\triangle ACE$ の面積は $\triangle BCF$ の面積の何倍か。

1		点
(問 1)	$\frac{\sqrt{6}-4}{3}$	5
(問 2)	$\frac{-5 \pm \sqrt{13}}{2}$	5
(問 3)	$x=2, y=11$	5
(問 4)	$\frac{7}{72}$	5
(問 5) 解答例		5

2		点
(問 1)	$-\frac{1}{2}$	6
(問 2)	$y = \frac{5}{9}x$	7
(問 3) 解答例	【途中の式や計算など】	12

2点P, Qの座標は,
 $P\left(\frac{5}{t}, t\right), Q\left(t, -\frac{1}{3}t^2\right)$ である。
 線分PQの中点のy座標が-3であるから,
 $t - (-3) = -3 - \left(-\frac{1}{3}t^2\right)$
 よって, $t^2 - 3t - 18 = 0$
 $(t+3)(t-6) = 0$
 $t > 0$ であるから, $t = 6$
 このとき, $P\left(\frac{5}{6}, 6\right), Q(6, -12)$ となるから,
 $\triangle PQR$ においてPRを底辺とみると, $PR = \frac{5}{6}$
 高さは2点P, Qのy座標から,
 $6 - (-12) = 18$ である。
 したがって, $\triangle PQR$ の面積は,
 $\frac{1}{2} \times \frac{5}{6} \times 18 = \frac{15}{2} \text{ (cm}^2\text{)}$

(答え)	$\frac{15}{2}$	cm ²
------	----------------	-----------------

3		点
(問 1)	50 度	6
(問 2) 解答例	【証明】	12

$\triangle ACE$ と $\triangle CGE$ において,
 共通な角であるから,
 $\angle AEC = \angle CEG \dots \text{①}$
 \widehat{BC} に対する円周角は等しいから,
 $\angle CAB = \angle CDB$
 よって, $\angle CAE = \angle CDB \dots \text{②}$
 仮定より, $BD \parallel GC$ であるから,
 同位角は等しいので,
 $\angle CDB = \angle GCE \dots \text{③}$
 ②, ③より,
 $\angle CAE = \angle GCE \dots \text{④}$
 ①, ④より, 2組の角がそれぞれ等しいから,
 $\triangle ACE \sim \triangle CGE$

(問 3)	$\frac{22}{3}$	倍	7
-------	----------------	---	---

4		点
(問 1)	8 通り	8
(問 2)	12 cm ³	7
(問 3) 解答例	【途中の式や計算など】	10

単位 (cm) は省略して記述する。
 $\triangle OAB$ において, 中点連結定理により,
 $PQ = \frac{1}{2}AB = 1$
 $BE = 4$ であるから,
 $\triangle OBE$ は1辺の長さが4の正三角形で,
 点Qは辺OBの中点であるから, $EQ = 2\sqrt{3}$
 点Qから線分DEに引いた垂線をQRとする。
 $\triangle PQE$ は, $PQ \parallel ED$ かつ $PE = QD$ の台形で,
 $PQ = 1, ED = 2$ であるから,
 $DR = \frac{1}{2}, ER = \frac{3}{2}$
 $\triangle QRE$ において, 三平方の定理により,
 $QR^2 = EQ^2 - ER^2$
 $= (2\sqrt{3})^2 - \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{39}{4}$
 $\triangle QDR$ において, 三平方の定理により,
 $QD = \sqrt{QR^2 + DR^2}$
 $= \sqrt{\frac{39}{4} + \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \sqrt{10}$
 $PE = QD = \sqrt{10}$
 ゆえに, 求める長さは,
 $2\sqrt{10} + 1 + 2 = 2\sqrt{10} + 3$

(答え)	$2\sqrt{10} + 3$	cm
------	------------------	----

※ の欄には、記入しないこと

小計 1	小計 2	小計 3	小計 4	合計得点	受験番号
25	25	25	25	100	