

1 次の各問に答えよ。

[問1] $\frac{\sqrt{12}}{4} - \frac{2}{\sqrt{6}} - \frac{\sqrt{48}}{6} + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$ を計算せよ。

[問2] 二次方程式 $(x-1)(x+1) - (2x+1)(x-3) = 0$ を解け。

[問3] ある球の表面積が半径 6 cm の円の面積と等しいとき、球の半径は何 cm か。

[問4] $1, 2, 2, 3, 4$ の5個の数字の中から3個の数字を使って3桁の自然数を作るとき、小さい方から数えて27番目の数を求めよ。

[問5] 下の表は、K高校のある部活動に所属している20人の通学時間を度数分布表にして整理したものである。この表から求めた通学時間の平均値が28分であったとき、 a, b の値をそれぞれ求めよ。

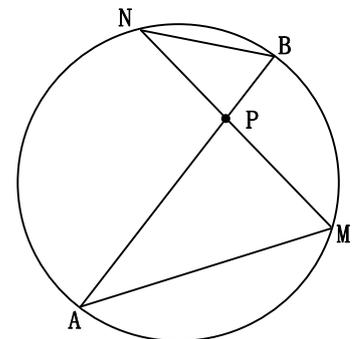
階級(分)	度数(人)
以上 未満	
0 ~ 10	2
10 ~ 20	3
20 ~ 30	a
30 ~ 40	b
40 ~ 50	4
計	20

[問6] 右の図で、4点 A, B, M, N はいずれも円周上の点である。

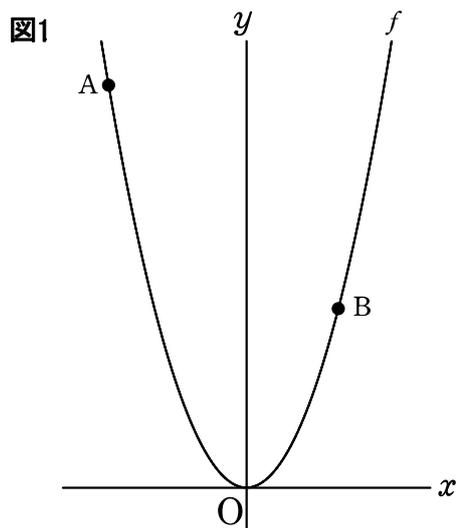
線分 AB と線分 MN の交点を P とし、点 A と点 M 、
点 B と点 N をそれぞれ結ぶ。

線分 AB が円の直径で、 $\triangle AMP$ と $\triangle BNP$ の面積の
比が $4:1$ であるとき、解答欄に示した図をもとにして、
4点 A, B, M, N を定規とコンパスを用いて作図に
よって求め、4点 A, B, M, N の位置を示す文字 $A, B,$
 M, N も書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

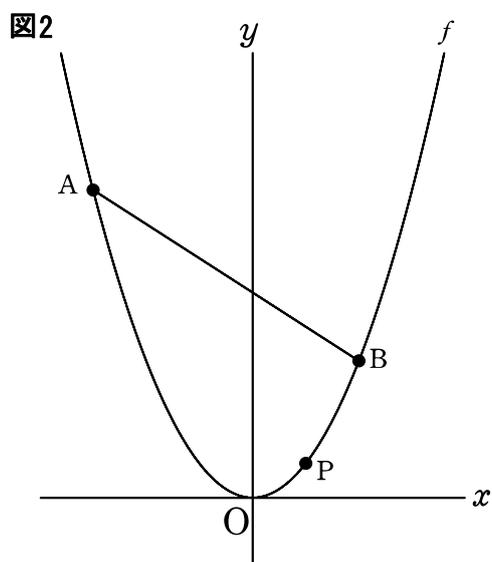


- 2** 右の図1で、点Oは原点、曲線 f は関数 $y=ax^2$ のグラフを表している。ただし、 $a>0$ とする。
 点A、Bはともに曲線 f 上にあり、点Aの x 座標は -6 、点Bの x 座標は4である。
 次の各問に答えよ。



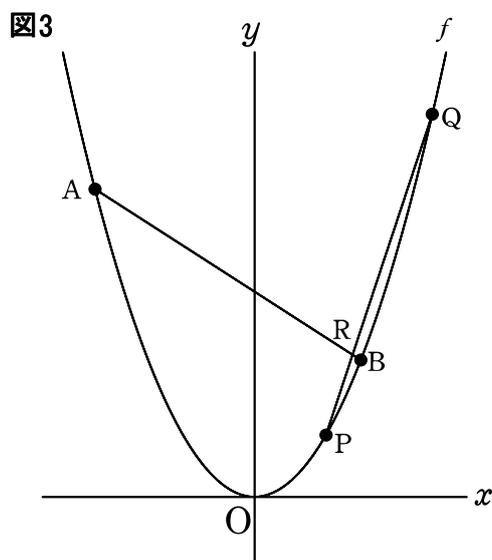
[問1] 点Aの y 座標が8のとき、 a の値を求めよ。

- [問2] 右の図2は、図1において、 $a=\frac{1}{4}$ とし、
 曲線 f 上にあり、 x 座標が p ($0<p<4$)である点をPとし、
 点Aと点Bを結んだ場合を表している。
 次の(1)、(2)に答えよ。



- (1) 原点から点(1, 0)までの距離、および原点から点(0, 1)までの距離をそれぞれ1cmとする。
 点Aと点P、点Bと点Pを結んでできる $\triangle ABP$ の面積が 20 cm^2 となるときの、 p の値を求めよ。
 ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、途中の式や計算なども書け。

- (2) 右の図3は、図2において、曲線 f 上にあり、
 x 座標が4より大きい数である点をQとし、
 点Pと点Qを結び、線分ABと線分PQとの交点をRとした場合を表している。
 点Pから点Rまでの x の増加量が1、点Pから点Qまでの x の増加量が4のとき、 p の値を求めよ。



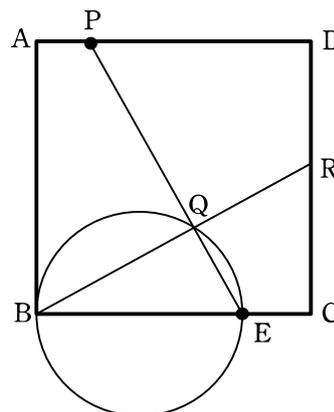
3 右の図1で、四角形ABCDは、1辺の長さが12 cm の正方形である。

辺BC上に頂点Bからの長さが10 cm となる点Eをとり、線分BEを直径とする円をつくる。

辺AD上に頂点Aからの長さが10 cm より短くなるように点Pをとり、線分PEと円との交点のうち点Eと異なる点をQとする。

頂点Bと点Qを結んだ直線と辺CDとの交点をRとする。次の各問に答えよ。

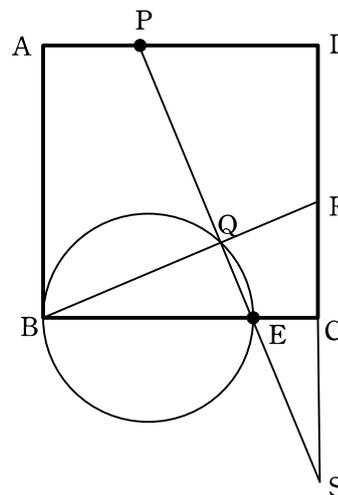
図1



[問1] $\angle QBE = 30^\circ$ であるとき、短い方の弧EQの長さは何cmか。ただし、円周率を π とする。

[問2] 右の図2は、図1において、直線PEと直線DCの交点をSとした場合を表している。次の(1),(2)に答えよ。

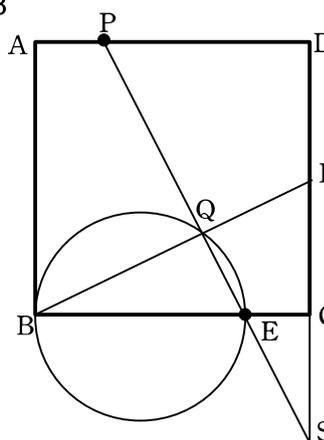
図2



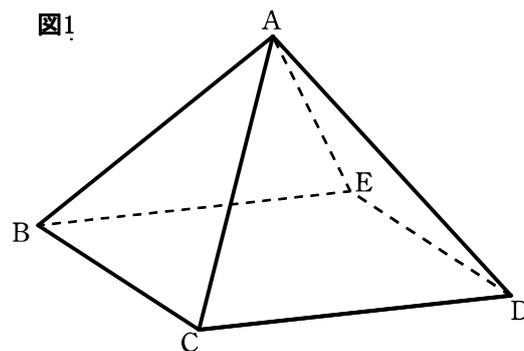
(1) $\triangle QBE \sim \triangle DSP$ であることを証明せよ。

(2) 右の図3は、図2において、 $AP = 2$ cm となる場合を表している。
線分PQと線分QEの長さの比を最も簡単な整数の比で表せ。

図3

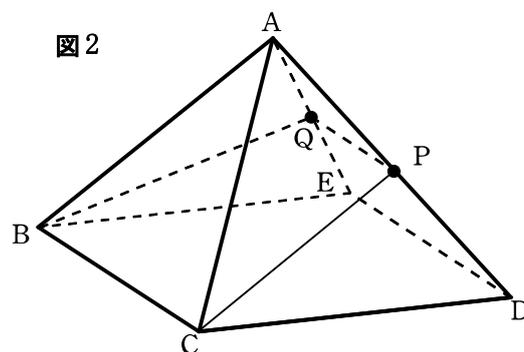


- 4** 右の図1に示した立体A-BCDEは、底面BCDEが1辺12cmの正方形で、 $AB=AC=AD=AE=12\text{cm}$ の正四角すいである。
次の各問に答えよ。



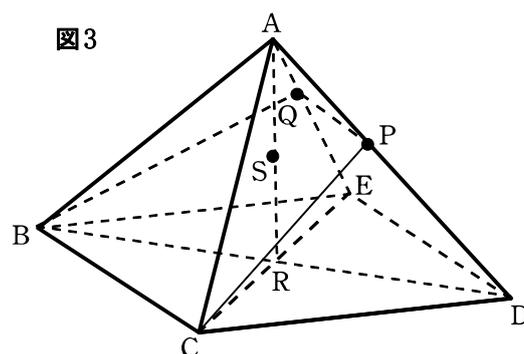
[問1] 立体A-BCDEの体積は何 cm^3 か。

[問2] 右の図2は、図1において、辺AD上にある点をP、辺AE上にある点をQとし、頂点Bと点Q、点Qと点P、点Pと頂点Cをそれぞれ結んだ場合を表している。
次の(1)、(2)に答えよ。

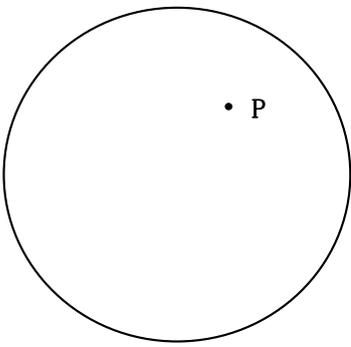


- (1) $AP = AQ = 6\text{cm}$ のとき、四角形BCPQの面積は何 cm^2 か。
ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、途中の式や計算なども書け。

- (2) 右の図3は、図2において、 $AP = AQ = 4\text{cm}$ のとき底面BCDEの対角線の交点をRとし、頂点Aと点Rを結び、線分ARと四角形BCPQの交点をSとした場合を表している。
線分SRの長さは何 cm か。



数 学 解 答 用 紙

1	
〔問 1〕	
〔問 2〕	
〔問 3〕	cm
〔問 4〕	
〔問 5〕	$a =$, $b =$
〔問 6〕	
	

2	
〔問 1〕	$a =$
〔問 2〕 (1)	【途中の式や計算など】
<p style="text-align: center;">(答え) $p =$</p>	
〔問 2〕 (2)	$p =$

※ の欄には、記入しないこと

(30-寺)

3			
〔問 1〕			問1
		cm	
〔問 2〕	(1)	【 証 明 】	問2(1)
〔問 2〕	(2)	PQ : QE = :	問2(2)

4			
〔問 1〕			問1
		cm^3	
〔問 2〕	(1)	【途中の式や計算など】	問2
		(答え) cm^2	
〔問 2〕	(2)		問3
		cm	
受 検 番 号		合計得点	

正答表 数 学

1		
[問 1]	$-\frac{\sqrt{3}}{6}$	問1
[問 2]	$\frac{5 \pm \sqrt{33}}{2}$	問2
[問 3]	3 cm	問3
[問 4]	412	問4
[問 5]	$a = 6, b = 5$	問5
[問 6]		問6

2		
[問 1]	$a = \frac{2}{9}$	問1
[問 2]	(1) 【途中の式や計算など】	問2(1)
	<p>曲線 f 上の点 A, B, P の x 座標はそれぞれ $-6, 4, p$ より $A(-6, 9), B(4, 4), P(p, \frac{1}{4}p^2)$ とそれぞれ表せる</p> <p>このとき 直線 AB の傾きは $\frac{4-9}{4-(-6)} = -\frac{1}{2}$</p> <p>直線 AB の方程式を $y = -\frac{1}{2}x + b$ とおくと</p> <p>これは点 A を通るから $9 = -\frac{1}{2}(-6) + b$ より $b = 6$</p> <p>よって 直線 AB と y 軸との交点を C とすると $C(0, 6)$</p> <p>点 P を通る直線 AB に平行な直線の方程式を $y = -\frac{1}{2}x + b'$ とおくと</p> <p>$\frac{1}{4}p^2 = -\frac{1}{2}p + b'$ より $b' = \frac{1}{4}p^2 + \frac{1}{2}p$</p> <p>よって この直線と y 軸との交点を S とすると $S(0, \frac{1}{4}p^2 + \frac{1}{2}p)$</p> <p>このとき $AB \parallel SP$ であるから $\triangle APB = \triangle ASB = 20 \text{ cm}^2$</p> <p>また $\triangle ASB$ の面積は $CS = 6 - \frac{1}{4}p^2 - \frac{1}{2}p \text{ (cm)}$ と表せるから</p> <p>$\frac{1}{2} \times 4 \times (6 - \frac{1}{4}p^2 - \frac{1}{2}p) + \frac{1}{2} \times 6 \times (6 - \frac{1}{4}p^2 - \frac{1}{2}p)$ $= -\frac{5}{4}p^2 - \frac{5}{2}p + 30 \text{ (cm}^2\text{)}$</p> <p>よって $-\frac{5}{4}p^2 - \frac{5}{2}p + 30 = 20$</p> <p>まとめると $p^2 + 2p - 8 = 0$ より $(p+4)(p-2) = 0$ $0 < p < 4$ であるから $p = 2$</p> <p>(答え) $p = 2$</p>	
[問 2]	(2) $p = -2 + \sqrt{22}$	問2(2)

正 答 表 数 学

3			
〔問 1〕		$\frac{5}{3}\pi$ cm	問1
〔問 2〕	(1)	【 証 明 】	問2(1)
<p>△ QBE と△ DSP において 線分 BE は円の直径であるから $\angle BQE = 90^\circ \dots ①$ 四角形 ABCD は正方形であるから $\angle SDP = 90^\circ \dots ②$ ①と②より $\angle BQE = \angle SDP \dots ③$ また $AD \parallel BC$ より 平行線の錯角は等しいから $\angle BEQ = \angle SPD \dots ④$ ③と④より 2組の角がそれぞれ等しいから $\triangle QBE \sim \triangle DSP$</p>			
〔問 2〕	(2)	$PQ : QE = 8 : 5$	問2(2)

4			
〔問 1〕		$288\sqrt{2}$ cm ³	問1
〔問 2〕	(1)	【途中の式や計算など】	問2
<p>△ ACD は 1 辺の長さが 12 cm の正三角形で $AP = PD = 6$ cm であるから $CP : 12 = \sqrt{3} : 2$ よって $CP = 6\sqrt{3}$ cm 同様にして $BQ = 6\sqrt{3}$ cm P, Q は AD, AE の中点であるから, 中点連結定理により $PQ = 6$ cm また, $QP \parallel ED$ である 四角形 BCDE は正方形であるから $BC \parallel ED$ よって $BC \parallel QP$ であるから, 四角形 BCPQ は $QB = PC$ の台形となる</p> <p>台形 BCPQ において P から BC に垂直な直線をひき, 交点を H とすると, 三平方の定理より</p> $PH^2 = (6\sqrt{3})^2 - \left(\frac{12-6}{2}\right)^2$ <p style="text-align: center;">$PH > 0$ より $PH = 3\sqrt{11}$</p> したがって 台形 BCPQ の面積は $\frac{1}{2} \times (6+12) \times 3\sqrt{11} = 27\sqrt{11} \text{ (cm}^2\text{)}$ <p style="text-align: center;">(答え) $27\sqrt{11}$ cm²</p>			
〔問 2〕	(2)	$3\sqrt{2}$ cm	問3
受 検 番 号		合計得点	