

2019年度 入学試験問題

数 学

(6 0 分)

〔 注 意 〕

- ① 問題は□1～□4まであります。
 - ② 解答用紙はこの問題冊子の間にはさんであります。
 - ③ 解答用紙には受験番号と氏名を必ず記入のこと。
 - ④ 各問題とも解答は解答用紙の所定のところへ記入のこと。
-

西大和学園高等学校

1 次の各問いに答えよ。

(1) $x = -2$, $y = 5$ のとき, $\left(-\frac{x^2y^3}{3}\right)^3 \div \left(\frac{x^3y^6}{2}\right) \div (-x^2y)^2$ の値を求めよ。

(2) m, n は 3 桁の自然数であり, $2019 + m^2 = n^2$ を満たしている。 m, n の値をそれぞれ求めよ。

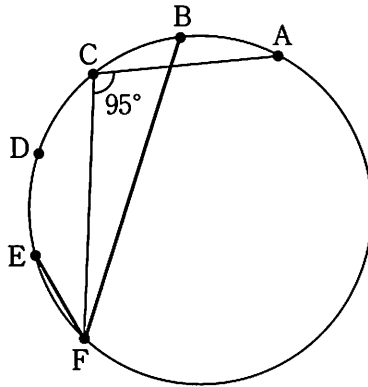
(3) $y = ax^2$ で, x の変域が $-3 \leq x \leq 2$ で y の変域が $-4 \leq y \leq b$ であるとき, a, b の値をそれぞれ求めよ。

(4) 袋の中に 1 から 3 の数字が 1 つずつ書かれたカードが 2 枚ずつ合計 6 枚入っている。この袋から 3 枚のカードを同時に取り出す。このとき, 1, 2, 3 のカードが 1 枚ずつ選ばれる確率は である。3 枚のカードに書かれている数字の合計が 5 となる確率は であり, 合計が偶数となる確率は である。, , に当てはまる値をそれぞれ求めよ。

(5) 3 桁の正の整数 N がある。 N を 100 で割った余りは百の位の数を 12 倍した数に 1 加えた数に等しい。また, N の一の位の数を十の位に, N の十の位の数を百の位に, N の百の位の数を一の位にそれぞれ置きかえてできる数はもとの整数 N より 63 大きい。このとき, 正の整数 N を求めよ。

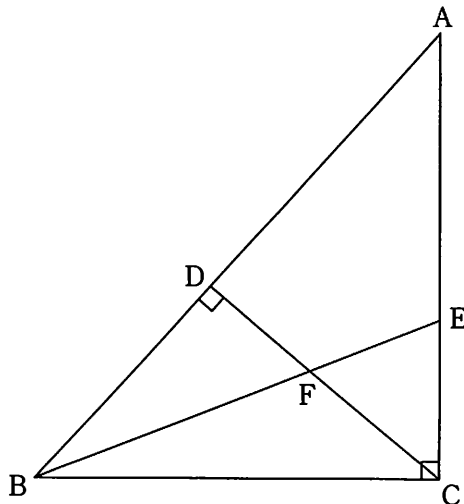
2 次の各問いに答えよ。

- (1) 下の図のように、円周上に6点A, B, C, D, E, Fがあり、
 $\angle ACF = 95^\circ$, $\widehat{AB} = \widehat{BC} = \widehat{CD} = \widehat{DE} = \widehat{EF}$ である。
 このとき、 $\angle BFE$ の大きさを求めよ。

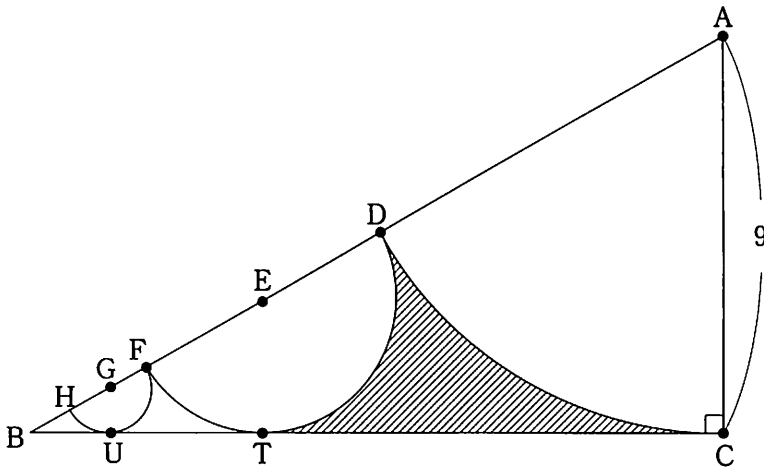


- (2) 下の図のような、 $\angle C = 90^\circ$ である直角三角形ACBがある。

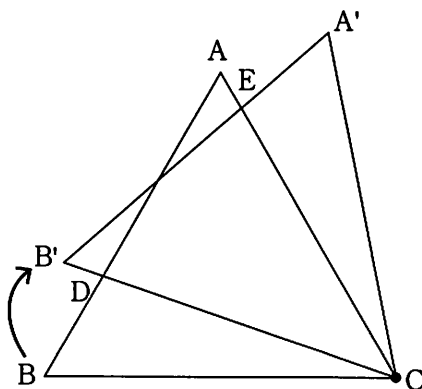
点Cから辺ABに引いた垂線と辺ABとの交点をD、 $\angle ABC$ の二等分線と辺ACとの交点をEとすると、 $AE = 3$, $EC = 2$ となった。線分BEと線分CDとの交点をFとすると、線分DFの長さを求めよ。



- (3) 下の図において、 $\triangle ABC$ は $AC = 9$, $\angle ACB = 90^\circ$ の直角三角形である。点Dは頂点Aを中心とし、半径が9である円と辺ABとの交点であり、 $\angle CAD = 60^\circ$ である。また、点E, F, G, Hは辺AB上の点であり、 $DE = EF, FG = GH = 1$ を満たしている。線分DF, 線分FHを直径とする2つの半円が辺BCと接する点をそれぞれT, Uとするとき、線分DEの長さは であり、図の斜線部分の面積は である。, に当てはまる値をそれぞれ求めよ。

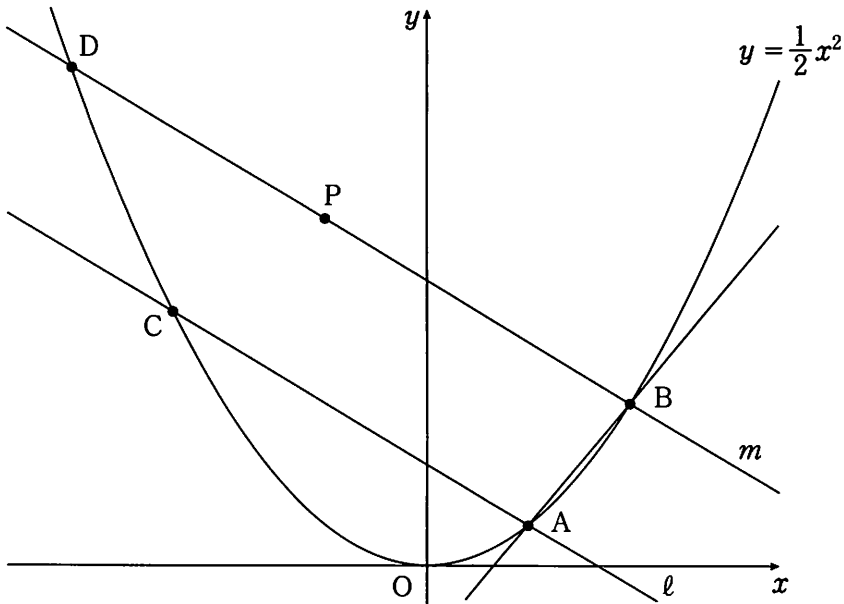


- (4) 下の図において、三角形 $A'B'C$ は正三角形 ABC を点Cを中心として、辺ABと辺 $A'B'$ が1点で交わるように回転させたものである。辺ABと辺 $B'C$ との交点をD, 辺ACと辺 $A'B'$ との交点をEとするとき、 $\triangle BCD \equiv \triangle A'CE$ であることを証明せよ。



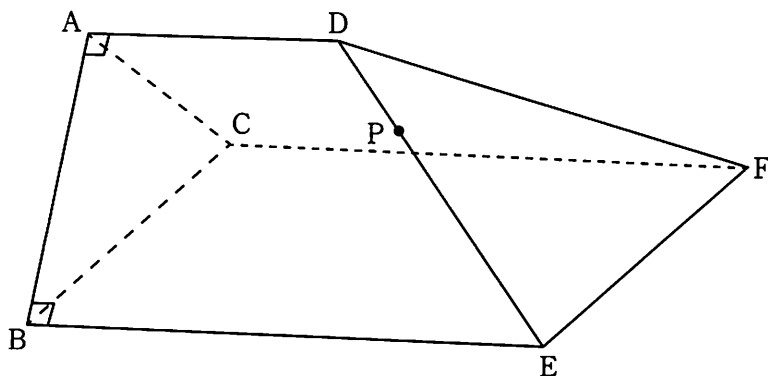
3 放物線 $y = \frac{1}{2}x^2$ 上に x 座標がそれぞれ 2, 4 である 2 点 A, B をとる。点 A を通り、切片が 5 である直線を l , 点 B を通り直線 l に平行な直線を m とする。直線 l , m と放物線との交点のうち, A, B と異なる点をそれぞれ C, D とする。線分 BD 上に点 P をとるとき, 次の各問いに答えよ。

- (1) 直線 l の式を求めよ。
- (2) 点 C の座標を求めよ。
- (3) 四角形 ABPC が平行四辺形になるとき, 点 P の x 座標を求めよ。
- (4) y 軸によって四角形 ABPC を面積の等しい 2 つの四角形に分けるとき, 点 P の x 座標を求めよ。
- (5) $\triangle PAB$ の面積が四角形 ABPC の面積の $\frac{3}{10}$ 倍となるように点 P をとり, 四角形 ABPC を y 軸によって 2 つに分ける。この 2 つのうち, 点 A を含む方の図形の面積を S , 四角形 ABPC の面積を T とするとき, $S:T$ を求めよ。



4 立体 $ABC-DEF$ は五面体である。四角形 $BEFC$ は長方形、 $\triangle DEF$ は一辺が $2\sqrt{2}$ の正三角形である。また、四角形 $ABED$ と四角形 $ACFD$ は合同であり、 $AD = 2$ 、 $BE = 4$ 、 $\angle ABE = \angle BAD = 90^\circ$ である。辺 DE 上に $DP = \frac{2\sqrt{2}}{3}$ となるように点 P をとるとき、次の各問いに答えよ。

- (1) 辺 AB の長さを求めよ。
- (2) 立体 $ABC-DEF$ の体積を求めよ。
- (3) 線分 BP の長さを求めよ。
- (4) 立体 $ABC-DEF$ を 3 点 B 、 C 、 P を通る平面で切断して 2 つに分けるとき、点 A を含む方の体積を求めよ。



数学解答用紙

| | |
|------|-----|
| 受験番号 | 氏名 |
| | 解答例 |

※の欄には何も書かないこと。

| | | | | | |
|---|---|-----------------------|-----------------------|-----------------------------------|---|
| 1 | (1) | (2) | ※ | | |
| | $\frac{5}{27}$ | $m = 335$, $n = 338$ | | | |
| | (3) | (4) | | | |
| | $a = -\frac{4}{9}$, $b = 0$ | ア: $\frac{2}{5}$ | | | |
| | (4) | (5) | | | |
| | イ: $\frac{1}{5}$ | ウ: $\frac{3}{5}$ | $N = 673$ | | |
| 2 | (1) | (2) | (3) | ※ | |
| | 51° | $\frac{4}{3}$ | ア: 3 | イ: $36\sqrt{3} - \frac{33}{2}\pi$ | |
| | (4) | | | | |
| | (証明) $\triangle BCD$ と $\triangle A'CE$ において $\triangle ABC$ と $\triangle A'B'C$ は合同な正三角形であるから $BC = A'C$ — ① $\angle CBD = \angle CA'E (= 60^\circ)$ — ② $\angle BCD = \angle ACB - \angle ACB' = 60^\circ - \angle ACB'$ $\angle A'CE = \angle A'CB' - \angle ACB' = 60^\circ - \angle ACB'$ よって $\angle BCD = \angle A'CE$ — ③ ①, ②, ③より「組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから」 $\triangle BCD \equiv \triangle A'CE$ // | | | | |
| 3 | (1) | (2) | (3) | ※ | |
| | $y = -\frac{3}{2}x + 5$ | $C(-5, \frac{25}{2})$ | -3 | | |
| | (4) | (5) | | | |
| | -1 | $S : T = 7 : 12$ | | | |
| 4 | (1) | (2) | (3) | (4) | ※ |
| | 2 | $\frac{20}{3}$ | $\frac{4\sqrt{5}}{3}$ | $\frac{68}{27}$ | |

※