

令和2年度

入学試験数学問題

〔注 ○解答はすべて解答用紙に記入すること。
○問題用紙は持ち出さないこと。〕

[1] 次の計算をしなさい。

$$(1) \quad 6^2 - 4 \times (-3)^2$$

$$(2) \quad \frac{1}{3} + \frac{5}{9} \div \left(-\frac{1}{3} \right) - \frac{1}{2}$$

$$(3) \quad \frac{x-y}{3} - \frac{x-y}{4} - \frac{x-y}{6}$$

$$(4) \quad \left(-\frac{3}{2} xy^3 \right)^2 \div (3x^2y^3)^2 \times 4x^2y$$

$$(5) \quad \sqrt{30} \times \frac{\sqrt{2}}{3} - 5\sqrt{6} \div \sqrt{\frac{18}{5}}$$

$$(6) \quad (\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 + (\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 - (\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2})$$

[2] 次の各問いに答えなさい。

(1) 1次方程式 $\frac{1}{3}x - 2 = \frac{x-1}{2}$ を解きなさい。

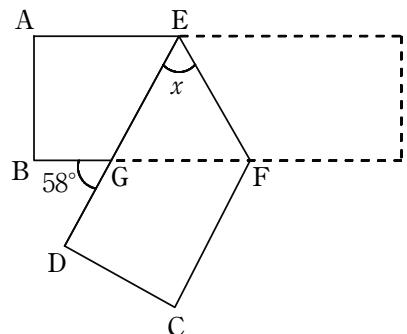
(2) 連立方程式 $\begin{cases} x - 3y = 7 \\ x - \frac{y-1}{2} = 0 \end{cases}$ を解きなさい。

(3) 2次方程式 $3x^2 - 7x + 1 = 0$ を解きなさい。

(4) $(x-1)^2 - 2(x-1) - 15$ を因数分解しなさい。

(5) 関数 $y = ax^2$ について、 x の変域が $-2 < x < 1$ 、 y の変域が $-5 < y \leq b$ であるとき、定数 a 、 b の値を求めなさい。

(6) 次の図のように、長方形 ABCD を、点 E、F を結ぶ線分を折り目として折り返す。線分 BF と線分 DE との交点を G とすると、 $\angle BGD = 58^\circ$ であった。このとき、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



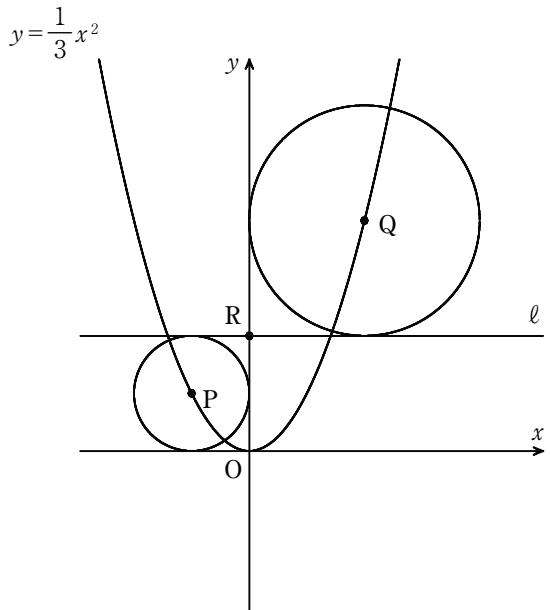
(7) 次の図のように、0から3までの数字が1つずつ書かれた4枚のカードがある。この4枚のカードをよくきり、1枚ずつ元に戻さず2回続けてひく。ひいた2枚のカードの数の積が、3以上である確率を求めなさい。
ただし、どのカードをひくことも同様に確からしいものとする。

0	1	2	3
---	---	---	---

[3] 次の図のように、放物線 $y = \frac{1}{3}x^2$ があり、2つの円の中心 P, Q は、その放物線上の点である。点 P の x 座標は -3, 点 Q の x 座標は正の数とする。

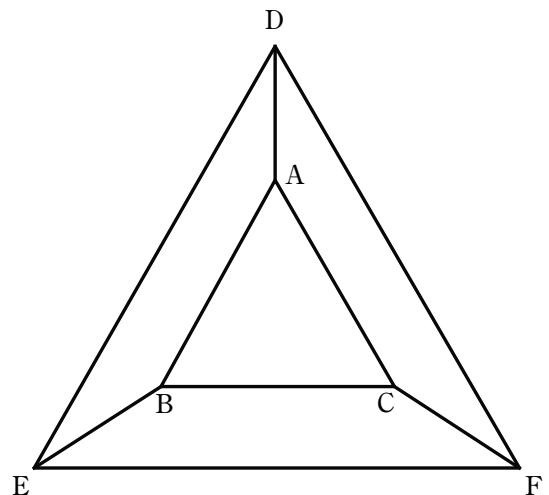
円 P は x 軸と y 軸に、円 Q は y 軸に接する。また直線 ℓ は x 軸に平行で、2つの円の共通な接線として、 y 軸との交点を R とする。

このとき、次の各問いに答えなさい。



- (1) 点 P の座標を求めなさい。
- (2) 2 点 P, R を通る直線の式を求めなさい。
- (3) 点 Q の座標を求めなさい。
- (4) $\triangle POQ$ の面積を求めなさい。

[4] 次の図のように、1辺の長さが
2 cm の正三角形 ABC と、その外側
に正三角形 DEF がある。 $AB \parallel DE$,
 $BC \parallel EF$, $AC \parallel DF$,
 $AD = BE = CF = \sqrt{2} \text{ cm}$ とする。
このとき、次の各問いに答えなさい。

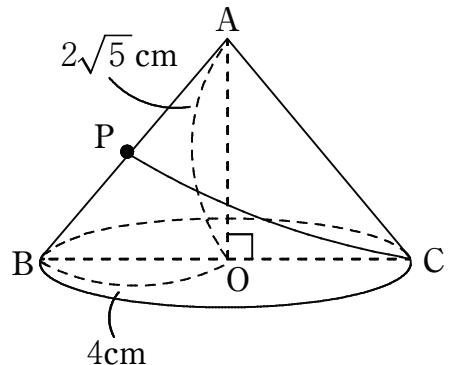


- (1) $\angle ADE$ の大きさを求めなさい。
- (2) 辺 DE の長さを求めなさい。
- (3) $\triangle DEF$ の面積を求めなさい。
- (4) 四角形 BEFC の面積を求めなさい。

[5] 次の図のように、底面の半径が 4 cm、
高さが $2\sqrt{5}$ cm の円錐がある。

この円錐の頂点を A、底面の中心を O、
底面の直径を線分 BC、線分 AB の中点を
P とする。このとき、次の各問いに答えな
さい。

ただし、円周率を π とする。



(1) この立体の体積を求めなさい。

(2) 線分 AB の長さを求めなさい。

(3) この立体の表面積を求めなさい。

(4) この立体の側面上で P から C までの最短の長さを求めなさい。

受 験 番 号	
------------------	--

令和2年度

入学試験数学解答用紙

[1]

(1)

0

(2)

$-\frac{11}{6}$

(3)

$\frac{-x+y}{12}$

(4)

y

(5)

$-\sqrt{15}$

(6)

9

[2]

(1)

$x = -9$

(2)

$x = -2$, $y = -3$

(3)

$x = \frac{7 \pm \sqrt{37}}{6}$

(4)

$(x - 6)(x + 2)$

(5)

$a = -\frac{5}{4}$, $b = 0$

(6)

$\angle x = 61^\circ$

(7)

$\frac{1}{3}$

[3]

(1)

P(-3, 3)

(2)

$y = x + 6$

(3)

Q(6, 12)

(4)

27

[4]

(1)

30°

(2)

$2 + \sqrt{6}$ cm

(3)

$\frac{5}{2}\sqrt{3} + 3\sqrt{2}$ cm²

(4)

$\frac{1}{2}\sqrt{3} + \sqrt{2}$ cm²

[5]

(1)

$\frac{32}{3}\sqrt{5}\pi$ cm³

(2)

6 cm

(3)

40π cm²

(4)

$3\sqrt{7}$ cm

4点 × 25問 (100点満点)

得 点	
--------	--