

2024年度 入学試験問題

数 学

(60分)

〔注意〕

-
- ① 問題は①～④まであります。
 - ② 解答用紙はこの問題冊子の間にはさんであります。
 - ③ 解答用紙には受験番号と氏名を必ず記入のこと。
 - ④ 各問題とも解答は解答用紙の所定のところへ記入のこと。
 - ⑤ 特に指示がなければ にあてはまる数を答えよ。
-

西大和学園高等学校

1

次の各問いに答えよ。

(1) $x = \frac{1}{\sqrt{2}}$, $y = \sqrt{5}$ のとき, $\left(-\frac{3}{4}x^2y\right)^3 \times \left(-\frac{2}{5}x^3y^4\right)^2 \div \left(\frac{9}{8}y^2\right)^2$ の値を求めよ。

(2) 正の数 x , y が $\frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}} = 3$ を満たすとき, $\frac{5x^2 - 54xy + 5y^2}{xy}$ の値を求めよ。

(3) サイコロを2回投げ、1回目に出た目の数を十の位の数、2回目に出た目の数を10から引いた数を一の位の数とする2けたの整数 m を考える。 m が3の倍数である確率は であり、 m が素数である確率は である。

(4) 直線 $4x + 5y = 2$, $ax + 3y = 0$ の交点を P とし、直線 $-x + 2y = 7$, $5x + by = -1$ の交点を Q とすると、 P , Q は原点に関して対称になった。このとき、 a , b の値を求めよ。

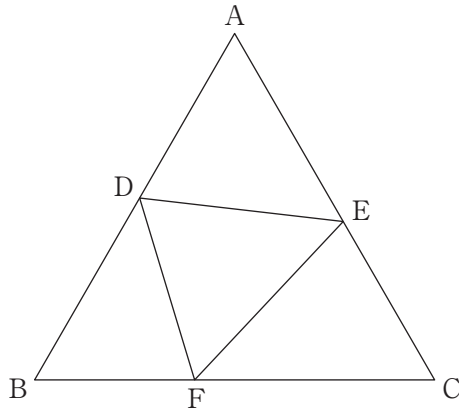
(5) 3つの数 a , b , c が次の3つの式を同時に満たすとき、 $18a$ の値を求めよ。

$$\begin{cases} 2021a + 2022b + 2023c = \frac{1}{2024} \\ 2022a + 2023b + 2021c = \frac{1011}{1012} \\ 2023a + 2021b + 2022c = \frac{1}{2024} \end{cases}$$

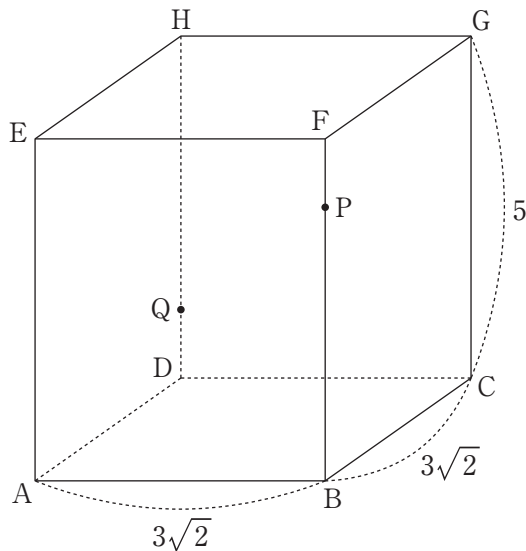
2

次の各問いに答えよ。

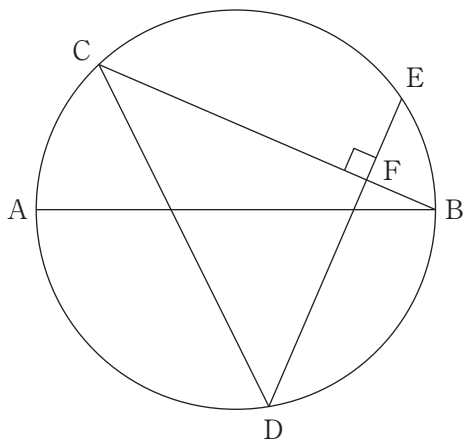
- (1) 図のように、一辺の長さが5の正三角形ABCがあり、辺AB, AC上に点D, Eをとる。線分DEを折り目にして三角形ADEを折ると、点Aは辺BC上の点Fに移った。BF = 2のとき、線分BDと線分CEの長さの積 $BD \times CE$ は であり、BDは である。



- (2) 図のように、底面が一辺の長さ $3\sqrt{2}$ の正方形で、高さが5の直方体がある。点P, Qはそれぞれ辺BF, 辺DH上の点で、FP = 1, DQ = 1である。このときPQの長さは である。三角形PACの面積は であり、三角錐PACQの体積は である。



- (3) 図のように、 AB を直径とする円周上に2点 C , D があり、円周上に点 E を BC と DE が垂直になるようにとる。 BC と DE の交点を F とする。このとき、三角形 CAE と三角形 ACD が合同であることを証明せよ。



3

放物線 $y = \frac{\sqrt{2}}{6}x^2$ 上の点 A, B と y 軸上の点 C が次の条件をともに満たしている。

(条件Ⅰ) 点 A の x 座標は正で, 点 B の x 座標は負であり, 点 A の x 座標と点 B の x 座標の絶対値の比は $2:1$ である。

(条件Ⅱ) 点 A の y 座標と点 C の y 座標は等しい。

(条件Ⅲ) 三角形 ABC の面積は $\frac{27\sqrt{2}}{2}$ である。

このとき, 次の各問いに答えよ。

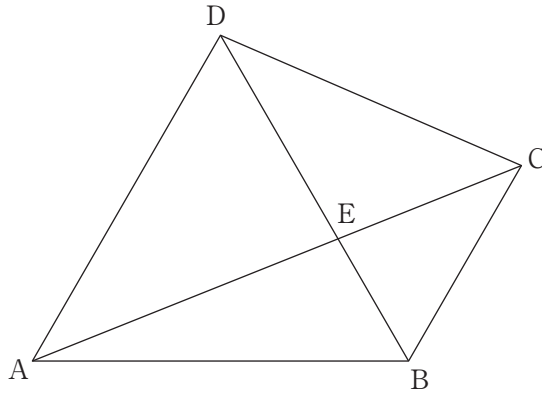
(1) 点 A の座標を求めよ。

(2) 点 B を通り, 傾きが $-\sqrt{2}$ である直線 l は直線 AB と垂直である。直線 l の式を求めよ。

(3) 3点 A, B, C を通る円の半径を求めよ。

4

図のように、 $AB = AD = 10$ 、 $BC = 6$ 、 $\angle ABC = 120^\circ$ である四角形 $ABCD$ がある。直線 AC と直線 DB の交点を E とすると、 $AE : EC = 5 : 3$ となった。このとき、次の各問いに答えよ。



- (1) 三角形 ABC の面積を求めよ。
- (2) 点 E を通り直線 BC に平行な直線と、辺 AB との交点を F とする。 EF の長さを求めよ。
- (3) 辺 BC 上に DH と BC が垂直になるように点 H をとる。 CH の長さを求めよ。
- (4) 点 D を通る 3 本の直線で、四角形 $ABCD$ の面積を四等分すると、直線のうち 2 本は辺 AB と交わり、1 本は辺 BC と点 P で交わる。 BP の長さを求めよ。
- (5) 直線 BD を軸として、四角形 $ABCD$ を回転させてできる立体の体積を求めよ。ただし、円周率は π として計算すること。

数学解答用紙



240206-30

↓ここにシールを貼ってください↓

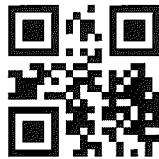
受験番号	氏名

※の欄には何も書かないこと。

1	(1)	(2)	(3)	※
			あ	
	(3)	(4)	(5)	
	い	$(a, b) = (\quad , \quad)$		
2	(1)		※	
	あ	い		
	(2)			
	あ	い		う
	(3)			
3	(1)	(2)	(3)	※
	()			
4	(1)	(2)	(3)	※
	(4)	(5)		

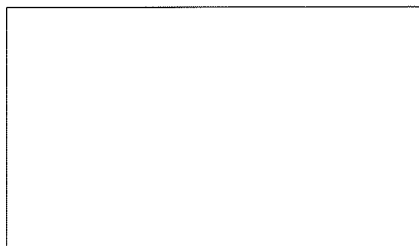
※

数学解答用紙



240206-30

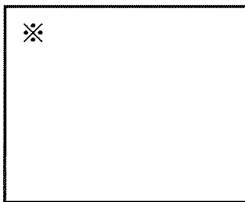
↓ここにシールを貼ってください↓



受験番号	氏名

※の欄には何も書かないこと。

1	(1)	(2)	(3)	※
	$-\frac{5\sqrt{5}}{48}$	1	あ $\frac{1}{3}$	
い	(3)	(4)	(5)	
	$\frac{7}{36}$	$(a, b) = (2, 7)$	$\frac{1}{1011}$	
2	(1)			※
	あ 6	い $\frac{21}{8}$		
	(2)			
	あ $3\sqrt{5}$	い 15		
(3)				
<p>△CAEと△ACDについて、ABが円Oの直径であるから、円周角の定理より∠ACB=90°であり、∠CFE=90°であるから、錯角の大きさが等しいのでAC∥DEである。従って∠ACD=∠EDC…① △ACEに対する円周角の定理より∠EDC=∠CAE…② ①、②より∠CAE=∠ACD…③</p> <p>△ACDに対する円周角の定理より∠AEC=∠CDA…④ 三角形の内角の和は180°より③、④より∠ACE=∠CAD…⑤ またCA=AC…⑥ 以上、③、⑤、⑥より一辺とその両端の角の大きさがそれぞれ等しいので△CAE≡△ACD //</p>				
3	(1)	(2)	(3)	※
	$(6, 6\sqrt{2})$	$y = -\sqrt{2}x - \frac{3\sqrt{2}}{2}$	$\frac{3\sqrt{66}}{4}$	
4	(1)	(2)	(3)	※
	$15\sqrt{3}$	$\frac{15}{4}$	1	
	(4)	(5)		
(4)				
2		250π		



2024年度 入学試験問題
(仙台・東京・東海・高松会場)

数 学

(60分)

[注意]

- ① 問題は①～④まであります。
- ② 解答用紙はこの問題用紙の間にはさんであります。
- ③ 解答用紙には受験番号と氏名を必ず記入すること。
- ④ 各問題とも解答は解答用紙の所定の欄へ記入すること。
- ⑤ 特に指示がなければ□にあてはまる数を答えよ。

西大和学園高等学校

1

(1) $a = \frac{1}{\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{5}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{5}}$ のとき, $\frac{2(a-1)(b-1)}{ab}$ の値を求めよ。

(2) a を定数とする。2つの関数 $y = ax^2$ と $y = -2x + 5$ について, x の値が $-\frac{7}{2}$ から 3 まで変化するときの変化の割合が等しくなるとき, a の値を求めよ。

(3) 2次方程式 $x^2 + 3x + 1 = 0$ の解のうち, 大きい方を a とするとき,

$$3a^2 + 9a + 4 + \sqrt{3} (4a^2 - 4\sqrt{5}a - 5)$$

の値を求めよ。

(4) 連立方程式 $\begin{cases} 5x - \frac{6}{x-y} = 12 \\ x^2 - xy = 6 \end{cases}$ を解け。ただし, $x \neq y$ とする。

(5) 正の数 x, y, z が $xy = 3\sqrt{10}$, $yz = 4\sqrt{5}$, $zx = 12\sqrt{2}$ を満たすとき, $x^2 + y^2 + z^2$ の値を求めよ。

(6) 次のように数を並べた。

【1 段目】 1, 2, 3, 4, 5

【2 段目】 11, 10, 9, 8

【3 段目】 14, 15, 16, 17, 18

【4 段目】 24, 23, 22, 21

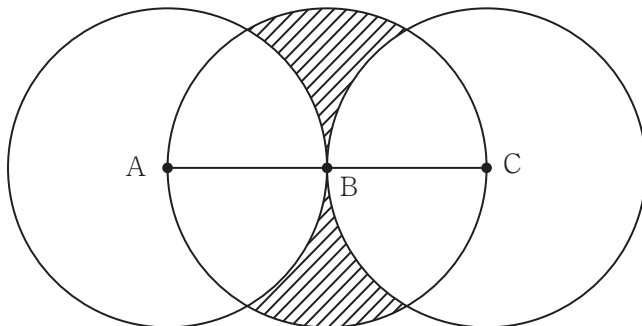
【5 段目】 27, ……

⋮

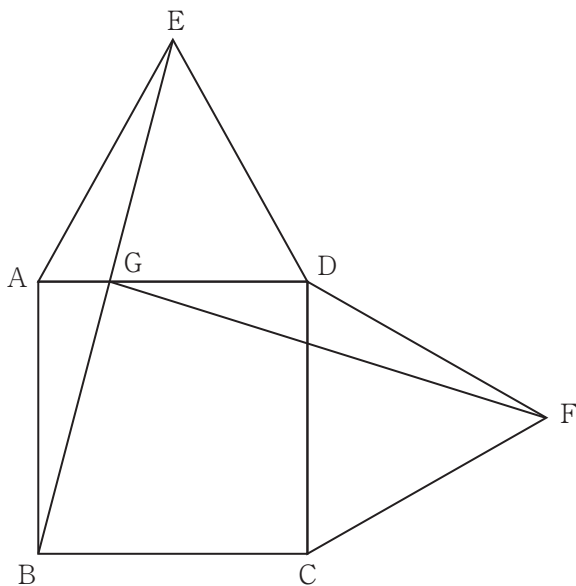
例えば, 15 は 3 段目の左から 2 番目にある。このとき, 2024 は 段目の左から 番目にある。

2

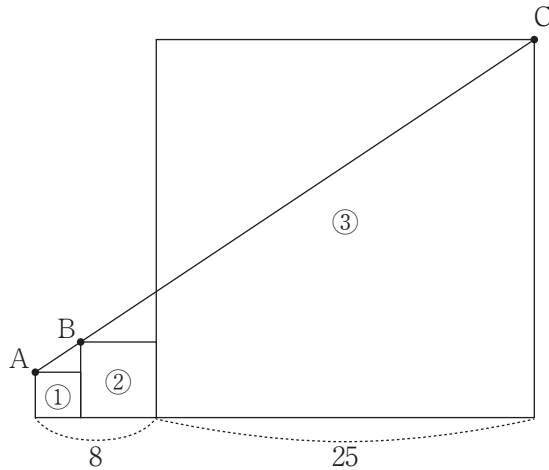
- (1) 長さが 6 の線分 AC の中点を B とする。図のように点 A, B, C を中心とする半径 3 の円を 3 つ描いた。斜線部分の面積を求めよ。ただし、円周率は π とする。



- (2) 図において、一辺の長さが 1 の正方形 ABCD の外側に、三角形 ADE と三角形 CFD がともに正三角形となるような点 E, 点 F をとる。辺 AD と直線 BE の交点を G とするとき、四角形 BCFG の面積を求めよ。

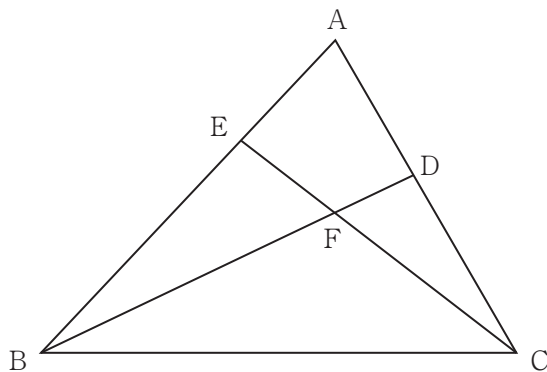


- (3) 大きさの異なる 3 つの正方形①, ②, ③が図のように一直線上に並んでおり, ①と②の一辺の長さの和が 8, ③の一辺の長さが 25 である。また, それぞれの正方形の頂点 A, B, C は一直線上にある。AB の長さを求めよ。



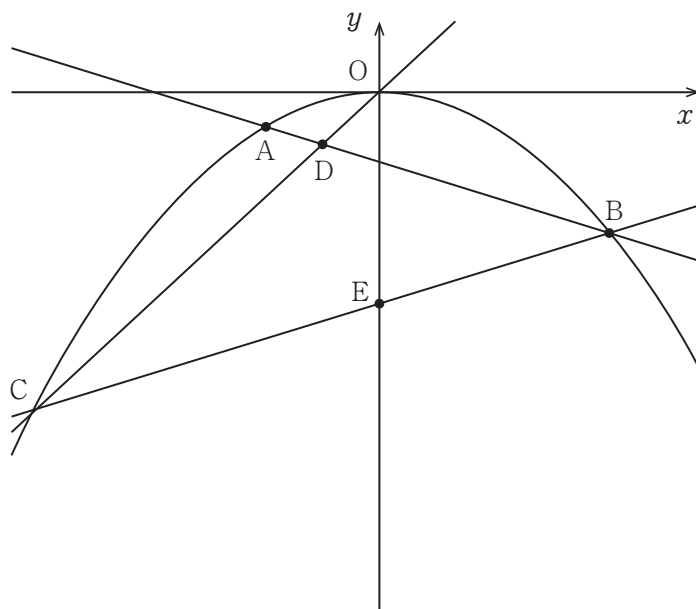
- (4) 図の三角形 ABC において, $\angle ABC = 45^\circ$ である。B から辺 AC へ引いた垂線と AC の交点を D, C から辺 AB へ引いた垂線と AB の交点を E とし, BD と CE の交点を F とする。

このとき, 三角形 FBE と三角形 ACE が合同であることを証明せよ。



3

直線 $y = -\frac{1}{3}x - \frac{4}{3}$ 上の x 座標が -2 , 4 である点をそれぞれ A , B とする。放物線 $y = ax^2$ は点 A , B を通る。直線 OA と平行で点 B を通る直線と放物線との交点のうち点 B と異なるものを点 C とする。また、直線 OC と直線 AB との交点を D , 直線 BC と y 軸との交点を E とする。次の問いに答えよ。

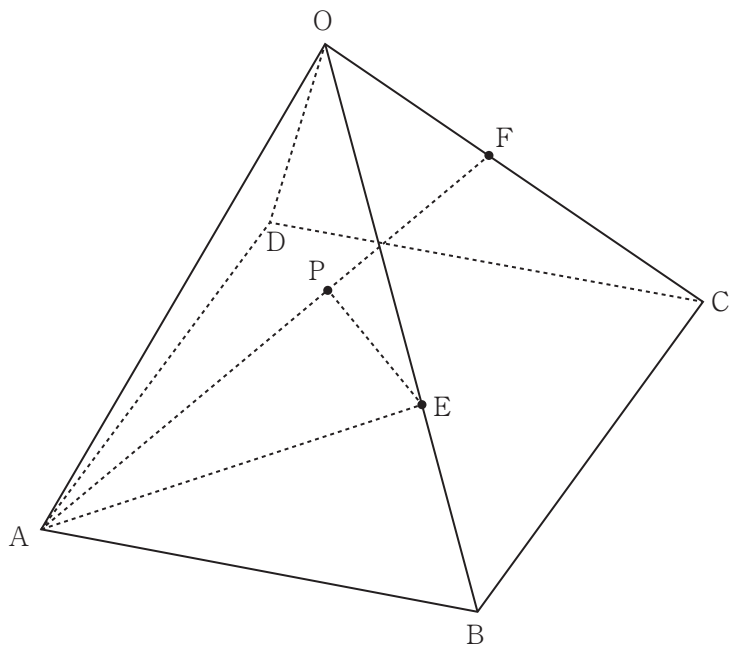


- (1) a の値を求めよ。
- (2) 点 C の x 座標を求めよ。
- (3) 三角形 ACD の面積を求めよ。
- (4) 点 D を通り、四角形 $ADEC$ の面積を二等分する直線と、直線 BC との交点の x 座標を求めよ。

4

すべての辺の長さが 5 の正四角錐 $O - ABCD$ があり、辺 OB 、 OC 上にそれぞれ点 E 、 F を $BE = 2$ 、 $CF = 3$ となるようにとる。点 E から AF へおろした垂線と AF の交点を P とするとき、次の問いに答えよ。

- (1) AE の長さを求めよ。
- (2) $AP : PF$ をもっとも簡単な整数の比で表せ。
- (3) 四面体 $OPEF$ の体積を求めよ。
- (4) 四角錐 $P - BCFE$ の体積を求めよ。



数学解答用紙

受験番号	氏名

※の欄には何も書かないこと。

1	(1)	(2)	(3)	※
	(4)	(5)	(6)	
	$(x, y) = (\quad , \quad)$		(あ) (い)	
2	(1)	(2)	(3)	※
	(4)			
3	(1)	(2)	※	
	(3)	(4)		
4	(1)	(2)	※	
	:			
	(3)	(4)		

※

数学解答用紙

受験番号	氏名

※の欄には何も書かないこと。

1	(1)	(2)	(3)	※
	$17 - 10\sqrt{3}$	4	$1 - \sqrt{3}$	
2	(4)	(5)	(6)	※
	$(x, y) = (3, 1)$	39	(あ) 312 (い) 3	
3	(1)	(2)	(3)	※
	$9\sqrt{3} - 3\pi$	$\frac{2\sqrt{3} + 1}{4}$	$\sqrt{13}$	
4	(4)	(4)		※
	<p>$\triangle FBE \sim \triangle ACE$ について。 $CE \perp AB$ であるから $\angle FBE = \angle AEC (= 90^\circ)$ ① $\angle EBC = 45^\circ, \angle CEB = 90^\circ$ から、 $\triangle EBC$ は $EB = EC$ の二等辺三角形である。 従って $EB = EC$ ② また、$\angle BEC = \angle CDB = 90^\circ$ であるから、 四点 E, B, C, D は BC を直径とする 円周上の点である。</p>	<p>従って円周角の定理より $\angle EBD = \angle ECD$ すなわち $\angle EBF = \angle ECA$ ③ ①～③より、二辺とその両端の角の大きさが それぞれ等しいから $\triangle FBE \cong \triangle ACE$ である (証明終)</p>		
3	(1)	(2)	(3)	※
	$-\frac{1}{6}$	-6	$1 - \sqrt{3}$	
4	(3)	(4)	(5)	※
	$\frac{10}{3}$	-4	$1 - \sqrt{3}$	
4	(1)	(2)	(3)	※
	$\sqrt{19}$	$41 : 17$	$1 - \sqrt{3}$	
4	(3)	(4)	(5)	※
	$\frac{85\sqrt{2}}{116}$	$\frac{1615\sqrt{2}}{696}$	$1 - \sqrt{3}$	

※